

Chapitre 8 - Calcul littéral

CORRECTIF

1) **ENTOURÉ** la/les bonne(s) réponse(s).

$x \cdot (3y - 2z) =$	3xy - 2xz	3xy - 2z	-2xz + 3xy
$-(-2d^2)^3 =$	2d ⁶	-8d ⁶	8d ⁶
$-5f + (9g - 6h) =$	5f + 9g + 6h	-5f + 9g + 6h	-5f + 9g - 6h
$-3s - (-3t - 2u) =$	-3s + 3t + 2u	-3s - 3t + 2u	-3s + 3t - 2u
$6x - x =$	6 . x . x	6	5x
$(2m - 3n) \cdot (-5l) =$	2m + 15nl	2m - 3n - 5l	-10ml + 15nl
$4p^3 \cdot 2p^2 =$	8p⁵	8p ⁶	6p ⁵
$-(a^4)^2 =$	-a ⁶	-a⁸	a ⁸

2) **ECRIS** une expression littérale ($n \in \mathbb{Z}$).

a) Un nombre pair : 2n

b) Un multiple de 3 : 3n

c) 2 multiples de 4 consécutifs : 4n ; 4n + 4

d) Un multiple de 5 augmenté de 2 : 5n + 2

e) 2 nombres impairs consécutifs : 2n + 1 ; 2n + 3 ou 2n-1 ; 2n + 1

3) **CALCULE** les valeurs numériques des expressions suivantes si tu sais que : a=-2 ; b=3 et c=-1.

a) $-4a^3 =$ 32

f) $6c^3 - 5ac =$ -6 - 10 = -16

b) $-6a^2 =$ -24

g) $2bc - 3a^2 =$ -6 - 12 = -18

c) $2a^2 + 3b =$ 8 + 9 = 17

h) $-a + b^2 - c =$ 2 + 9 + 1 = 12

d) $-a^3 - 2b =$ 8 - 6 = 2

i) $-5a + 2b^2 + c^3 =$ 10 + 18 - 1 = 27

e) $-4c^2 + 5a =$ -4 - 10 = -14

j) $-4a^2 + 3b^2 + 5c^4 =$ -16 + 27 + 5 = 16

4) **EFFECTUE**.

a) $4a^3 \cdot 5a^4 =$ $20a^7$

f) $-(3ab)^3 \cdot 5a^4 =$ $-135a^7b^3$

b) $6a^2b \cdot 4a^3b^3c =$ $24a^5b^4c$

g) $(x^2)^4 =$ x^8

c) $a^3 \cdot b^2 \cdot a^7 =$ $a^{10}b^2$

h) $(b^3)^3 \cdot (b^2)^2 =$ b^{13}

d) $(x \cdot y)^4 =$ x^4y^4

i) $(a^2)^4 \cdot (b^3)^2 =$ a^8b^6

e) $-(3ab)^2 =$ $-9a^2b^2$

j) $(-a^3 \cdot a^2)^5 =$ $-a^{25}$

5) **REDUIS** au maximum les expressions suivantes.

a) $a + 3a + 2a - 7a = \underline{-a}$

b) $a^2 + b^2 + 2a^2 - b^2 + 8a^2 = \underline{11a^2}$

c) $5ab - 5ab^2 + 6ab - 6a^2b = \underline{11ab - 5ab^2 - 6a^2b}$

d) $2x \cdot (-6y) \cdot (-4x) = \underline{48x^2y}$

e) $-3x + 3x^2 - 3xy = \underline{-3x + 3x^2 - 3xy}$

f) $6y - 5xy + 9y - 12xy = \underline{15y - 17xy}$

g) $(-5x) \cdot (-2) \cdot (-x) \cdot (-y^2) = \underline{10x^2y^2}$

h) $-3mn^2 + 5mn + 6mn^2 - 12mn = \underline{3mn^2 - 7mn}$

i) $-5a \cdot (-b) \cdot (-3ab) = \underline{-15a^2b^2}$

j) $-2a - 5ab + 6a - 7ab^2 = \underline{4a - 5ab - 7ab^2}$

a) $-(6a)^2 = \underline{-36a^2}$

b) $(2abc)^3 \cdot 5a^3b^4c = \underline{40a^6b^7c^4}$

c) $-(-x^4)^5 = \underline{x^{20}}$

d) $(4ab)^2 \cdot (-2a)^3 = \underline{-128a^5b^2}$

e) $x \cdot (-xy)^2 = \underline{x^3y^2}$

f) $a^3 \cdot (-a^2b) = \underline{-a^5b}$

g) $-3 \cdot (-a^2b^3) \cdot 2a^4 = \underline{6a^6b^3}$

h) $-(a^2 \cdot a)^2 \cdot (a^3 \cdot a^2)^3 = \underline{-a^{21}}$

i) $(x^3y) \cdot 6x^4yz^2 = \underline{6x^7y^2z^2}$

j) $-(-2a^4b^2)^2 \cdot (-3a^2)^2 = \underline{-36a^{12}b^4}$

6) **SUPPRIME** les parenthèses et **REDUIS** les termes semblables.

a) $6a - (7 - a) = \underline{7a - 7}$

b) $-9f - (-8d - 9f) + f = \underline{f + 8d}$

c) $-(6a - 5b) - (6a - 2b) = \underline{-12a + 7b}$

d) $6m + (6m + 3n) - (7m - 8n) = \underline{5m + 11n}$

e) $-8 - (7a - 12) - (8a - 2) = \underline{6 - 15a}$

f) $-a - (4a + 2) - (-6a - 6) = \underline{a + 4}$

g) $6d - (-8d - 2) - (5d + 8) = \underline{9d - 6}$

h) $-3mn + 2mn - (6mn - 8m) - (6n + 10mn) = \underline{-17mn + 8m - 6n}$

i) $-(ab^2 + ab) - (6ab^2 + 7ab) - 8ab^2 = \underline{-15ab^2 - 8ab}$

j) $-3op + (9op - 9p) - 5op + (6op - 10p) = \underline{7op - 19p}$

7) EFFECTUE.

- | | |
|--|--|
| a) $5 \cdot (2a + 9) = \underline{10a + 45}$ | f) $(2m - 8n) \cdot (-2m) = \underline{-4m^2 + 16mn}$ |
| b) $2x \cdot (3x + y) = \underline{6x^2 + 2xy}$ | g) $8xy \cdot (-x + 9y) = \underline{-8x^2y + 72xy^2}$ |
| c) $8a \cdot (6a - 2b) = \underline{48a^2 - 16ab}$ | h) $-7uv \cdot (-v - 8u) = \underline{7uv^2 + 56u^2v}$ |
| d) $-8d \cdot (-5d - 6e) = \underline{40d^2 + 48de}$ | i) $-2ac \cdot (5ab - 6bc) = \underline{-10a^2bc + 12abc^2}$ |
| e) $5ab \cdot (6a + 3b) = \underline{30a^2b + 15ab^2}$ | j) $7a^2 \cdot (-2a - 7b^2) = \underline{-14a^3 - 49a^2b^2}$ |

8) EFFECTUE en appliquant la règle de la distributivité double et **REDUIS** si possible, les termes semblables.

- | |
|---|
| a) $(3x - 2) \cdot (3x - 5) = \underline{9x^2 - 15x - 6x + 10 = 9x^2 - 21x + 10}$ |
| b) $(5a - 1) \cdot (6a + 5) = \underline{30a^2 + 25a - 6a - 5 = 30a^2 + 19a - 5}$ |
| c) $(2n^2 + 5) \cdot (2n - 3) = \underline{4n^3 - 6n^2 + 10n - 15}$ |
| d) $(5n + 2) \cdot (5n - 2) = \underline{25n^2 - 10n + 10n - 4 = 25n^2 - 4}$ |
| e) $(-4x - 6) \cdot (2x^2 - 2) = \underline{-8x^3 + 8x - 12x^2 + 12}$ |
| f) $(-4x - 6) \cdot (2x^2 - 2) = \underline{-8x^3 + 8x - 12x^2 + 12}$ |
| g) $(-3y^2 - 5) \cdot (3y + 5) = \underline{-9y^3 - 15y^2 - 15y - 25}$ |
| h) $(-2 + 5x^2) \cdot (x^2 - 3x) = \underline{-2x^2 + 6x + 5x^4 - 15x^3}$ |
| i) $(-8ab - 3) \cdot (-4a - 2b) = \underline{32a^2b + 16ab^2 + 12a + 6b}$ |
| j) $(-3x - 5) \cdot (x^2 + 3x) = \underline{-3x^3 - 9x^2 - 5x^2 - 15x = -3x^3 - 14x^2 - 15x}$ |

9) FACTORISE en mettant le(s) facteur(s) commun(s) en évidence.

- | | |
|--|--|
| a) $6a + 6b = \underline{6 \cdot (a + b)}$ | h) $8ab - 32bc = \underline{8b \cdot (a - 4c)}$ |
| b) $7x - 14 = \underline{7 \cdot (x - 2)}$ | i) $9a + 81ab = \underline{9a \cdot (1 + 9b)}$ |
| c) $12a + 8b = \underline{4 \cdot (3a + 2b)}$ | j) $12ab + 3a^2 = \underline{3a \cdot (4b + a)}$ |
| d) $9mp - 3mn = \underline{3m \cdot (3p - n)}$ | k) $20ab + 5bc = \underline{5b \cdot (4a + c)}$ |
| e) $24a + 36ab = \underline{12a \cdot (2 + 3b)}$ | l) $16f^2 + 32ef = \underline{16f \cdot (f + 2e)}$ |
| f) $17uv - 51v^2 = \underline{17v \cdot (u - 3v)}$ | m) $fg^2 - 18g^2 = \underline{g^2 \cdot (f - 18)}$ |
| g) $121ab^2 - 11a^2b = \underline{11ab \cdot (11b - a)}$ | n) $25rs - 75st = \underline{25s \cdot (r - 3t)}$ |

10) EFFECTUE et **SIMPLIFIE** au maximum.

- | |
|---|
| a) $a + 7a \cdot (-2b) = \underline{a - 14ab}$ |
| b) $7a^3 + 3a^2 = \underline{7a^3 + 3a^2}$ |
| c) $4x^2 + 3x + 7x^2 - 2x = \underline{11x^2 + x}$ |
| d) $(x + 5) + (x - 5) = \underline{2x}$ |
| e) $-(-b) \cdot (-b)^3 = \underline{-b^4}$ |
| f) $7a^2b + 3ab^2 + 5a^2b = \underline{12a^2b + 3ab^2}$ |
| g) $3x - x(x^2 + 3) = \underline{3x - x^3 - 3x = -x^3}$ |